

DS 2 correction

Exercice 1 :

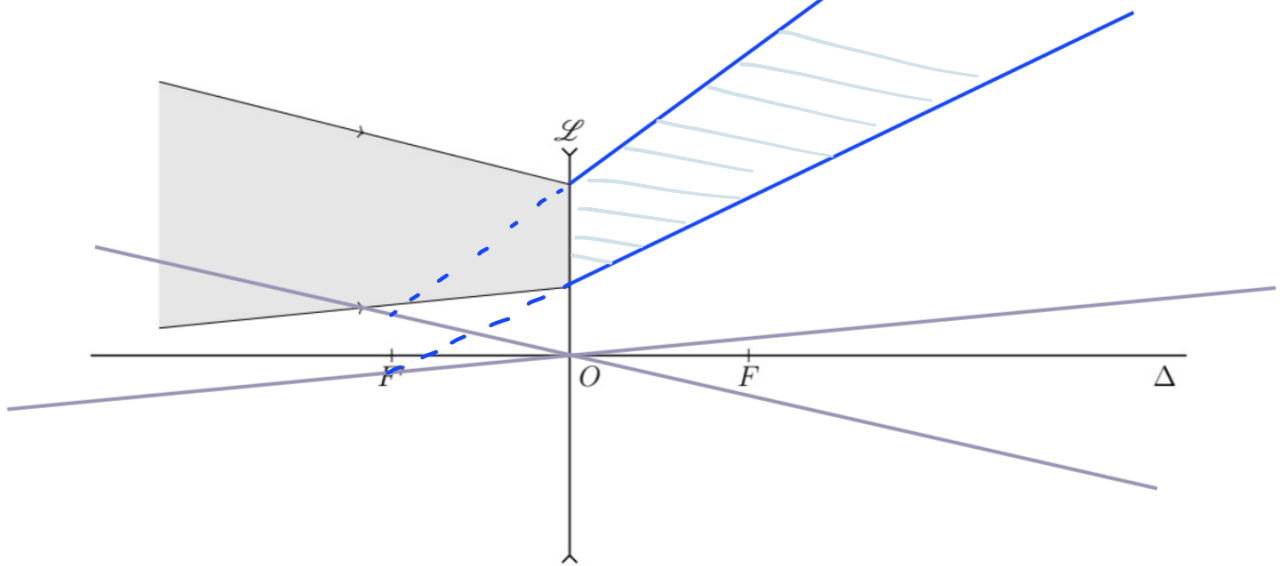
Q1. Conditions de Gauss :

- * rayons peu inclinés par rapport à l'axe optique
- et * rayons proches de l'axe optique.

Elles permettent un stigmatisme et un aplanétisme approché.

Q2.

Annexe 1 à rendre avec la copie



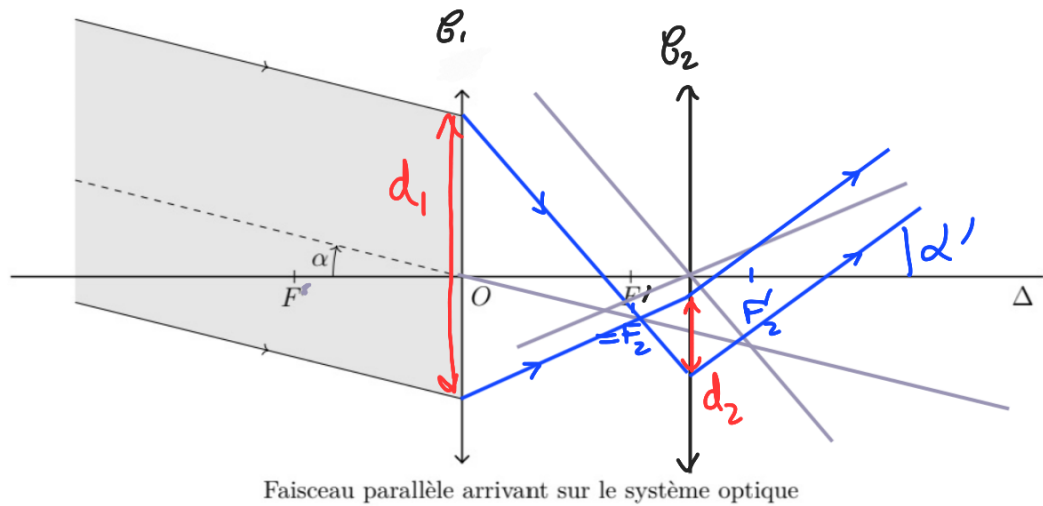
Faisceau convergent arrivant sur une lentille divergente

Q3 a) Pour qu'un faisceau incident parallèle à l'axe optique émerge parallèle à l'axe optique, le système optique doit être afocal. F'_1 et F_2 doivent être confondus.

Les 2 lentilles doivent être distantes de $d = f'_1 + f'_2 = f'_1 + \frac{f'_1}{3} = \frac{4}{3}f'_1$

b)

Annexe 2 à rendre avec la copie



c) $G = \frac{d_2}{d_1}$ et d' après le théorème de Thalès

$$\frac{d_2}{d_1} = \frac{f_2'}{f_1'}$$

$$\Rightarrow \boxed{G = \frac{f_2'}{f_1'}}$$

$$\text{AN: } \underline{\underline{G = \frac{1}{3}}}$$

$$d) \quad \tan \alpha' = \frac{h_0}{f_2'}$$

$$\tan \alpha = -\frac{h_0}{f_1'}$$

$$\left. \begin{array}{l} \tan \alpha' = \frac{h_0}{f_2'} \\ \tan \alpha = -\frac{h_0}{f_1'} \end{array} \right\} \frac{\alpha'}{\alpha} = -\frac{f_1'}{f_2'}$$

$$\alpha' = \alpha \cdot \left(-\frac{f_1'}{f_2'} \right)$$

$$\boxed{\alpha' = -\frac{\alpha}{G}}$$

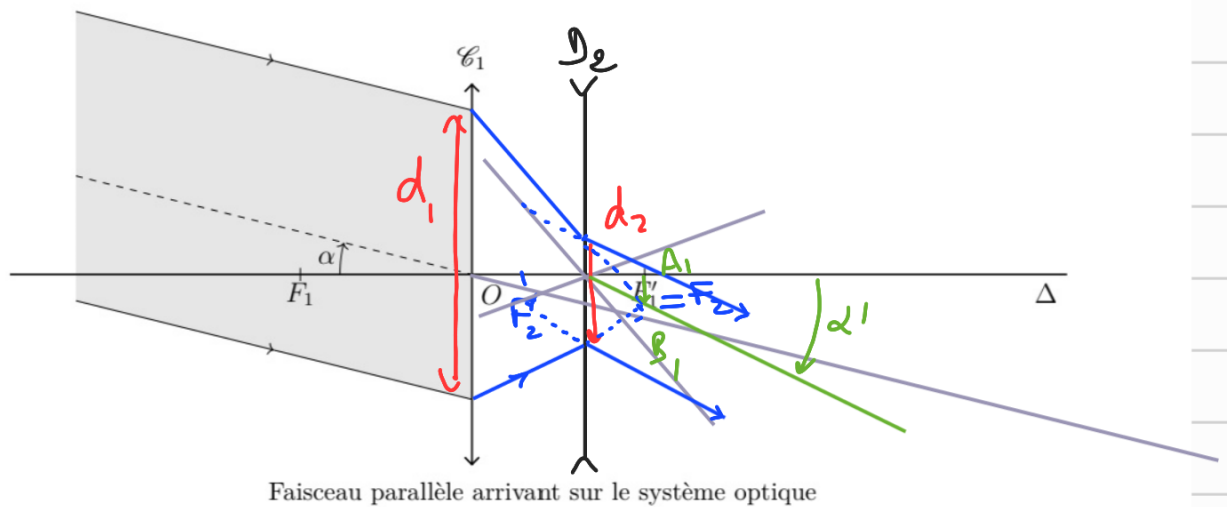
α' et α sont de signes opposés, l'image est renversée.

Q4 a) Il faut F'_1 et F_2 confondus.
 $d = \overline{O_1 O_2} = \frac{1}{\overline{O_1 F'_1}} + \frac{1}{\overline{F_2 O_2}} = f'_1 + f_2$

Comme $f_2 < 0$ $d < f'_1$

b)

Annexe 3 à rendre avec la copie



c) $G' = \frac{d_2}{d_1}$

D'après le théorème de Thalès $\frac{d_2}{d_1} = \frac{\overline{O_2 F_2}}{\overline{O_1 F'_1}}$

Soit $\frac{d_2}{d_1} = \frac{-f_2}{f'_1}$

$G' = \frac{-f_2}{f'_1}$

AN : $G' = \frac{1}{3}$

$$d) \quad \left. \begin{aligned} \tan \alpha &= \frac{\overline{A_1 B_1}}{\overline{O_1 F_1}} = \frac{\overline{A_1 B_1}}{f_1} \\ \tan \alpha' &= \frac{\overline{A_1 B_1}}{\overline{O_2 F_2}} = \frac{\overline{A_1 B_1}}{-f_2'} \end{aligned} \right\} \frac{\alpha'}{\alpha} = -\frac{f_1'}{f_2'}$$

$$\alpha' = \alpha \cdot \left(-\frac{f_1'}{f_2'} \right) \Rightarrow \boxed{\alpha' = \frac{\alpha}{G}}$$

α' et α sont de même signe, l'image est droite.

Q5. $|x| = \left| \frac{\overline{A'B'}}{\overline{AB}} \right|$

On souhaite une image de largeur 1,20 m et l'objet mesure 36 mm de large (diapo horizontale)

$$\text{AN: } |x| = \frac{1,20}{36 \cdot 10^{-3}} = \frac{100}{3} \approx 33,3$$

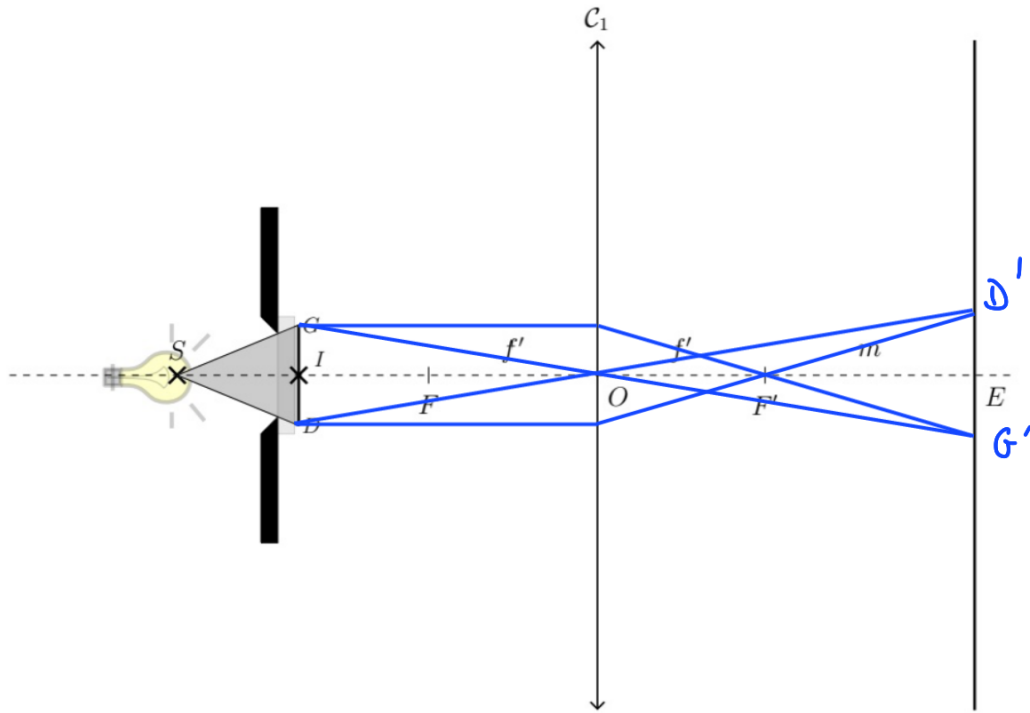
Avec 1 seule lentille, on a aussi $x = \frac{\overline{OA'}}{\overline{OA}}$

Objet et image étant réels, $\overline{OA'}$ et \overline{OA} sont de signes opposés.

$$\Rightarrow \underline{x = -33,3}$$

Q6. Il faut monter la diapositive à l'envers pour avoir l'image à l'endroit sur l'écran.

Annexe 4 à rendre avec la copie



Vue schématique du projecteur de diapositives (en vue de dessus)

Q7 . D'après la formule du grandissement :

$$\gamma = \frac{\overline{OE}}{\overline{OI}} = \frac{l}{\overline{OF} + \overline{FI}} = \frac{l}{-f' - e}$$

D'après la relation de conjugaison de Descartes

$$-\frac{1}{\overline{OI}} + \frac{1}{\overline{OE}} = \frac{1}{f'}$$

$$\Rightarrow -\frac{\overline{OE}}{\overline{OI}} + 1 = \frac{l}{f'} = -\gamma + 1 \Rightarrow \boxed{f' = \frac{l}{1-\gamma}}$$

Or $l = \overline{OE} = \overline{OF'} + \overline{F'E} = f' + m$

$$\Rightarrow m = l - f' = l \left(1 - \frac{1}{1-\gamma}\right) \Rightarrow \boxed{m = \frac{\gamma l}{\gamma - 1}}$$

Et d'après la relation de conjugaison de Newton: $\overline{F'I} \cdot \overline{F'E} = -f'^2$

$$\Rightarrow -e \cdot m = -f'^2 \Rightarrow e = \frac{f'^2}{m} = \frac{l^2}{(1-\gamma)^2} \cdot \frac{\gamma-1}{\gamma l}$$

$$\Rightarrow \boxed{e = \frac{l}{\gamma(\gamma-1)}}$$

$$\text{AN: } f' = \frac{3}{1 + 100/3} = 8,74 \cdot 10^{-2} \text{ m} = \underline{8,74 \text{ cm}}$$

$$m = \frac{-\frac{100}{3} \cdot 3}{-\frac{100}{3} - 1} = \underline{2,91 \text{ m}}$$

$$e = \frac{3}{-\frac{100}{3}(-\frac{100}{3}-1)} = 2,62 \cdot 10^{-3} \text{ m} = \underline{2,62 \text{ mm}}$$

Q8. D'après la relation du grandissement:

$$\gamma = \frac{\overline{F'E}}{\overline{F'O}} = \frac{\overline{F'O} + \overline{OE}}{\overline{F'O}} = 1 + \frac{\overline{OE}}{\overline{F'O}}$$

$$\boxed{\gamma = 1 - \frac{l}{f'}}$$

Pour $2 \text{ m} < l < 5 \text{ m}$ et avec $f' = 8,74 \text{ cm}$ on a:

$$\gamma_{\min} = 1 - \frac{5}{8,74 \cdot 10^{-2}} = \underline{-56,2}$$

$$\gamma_{\max} = 1 - \frac{2}{8,74 \cdot 10^{-2}} = \underline{-21,9}$$

$$\text{Et } \overline{GD'} = \overline{GD} \cdot \gamma$$

$$\overline{GD'_{\min}} = 36 \cdot 10^{-3} \cdot (-56,2) = \underline{\underline{-2,02 \text{ m}}}$$

$$\overline{GD'_{\max}} = 36 \cdot 10^{-3} \cdot (-21,9) = \underline{\underline{-0,788 \text{ m}}}$$

Q9. D'après la formule du grandissement :

$$\gamma = \frac{\overline{OE}}{\overline{OI}} \Rightarrow \overline{OI} = \frac{\overline{OE}}{\gamma} = \frac{l}{\gamma} \Rightarrow \overline{IO} = -\frac{l}{\gamma}$$

* Pour $l = l_{\min} = 2 \text{ m}$, on a $\gamma = \gamma_{\max} = -21,9$

$$\overline{IO} = \frac{-l_{\min}}{\gamma_{\max}} \quad \text{AN: } \overline{OI} = \frac{-2}{-21,9} = 9,13 \cdot 10^{-2} \text{ m} \\ = \underline{\underline{9,13 \text{ cm}}}$$

* Pour $l = l_{\max} = 5 \text{ m}$, on a $\gamma = \gamma_{\min} = -56,2$

$$\overline{IO} = \frac{-l_{\max}}{\gamma_{\min}} \quad \text{AN: } \overline{OI} = \frac{-5}{-56,2} = 8,90 \cdot 10^{-2} \text{ m} \\ = \underline{\underline{8,90 \text{ cm}}}$$

$$\Rightarrow \overline{IO_{\min}} = \underline{\underline{8,90 \text{ cm}}}$$

$$\overline{IO_{\max}} = \underline{\underline{9,13 \text{ cm}}}$$

La course associée pour la lentille est :

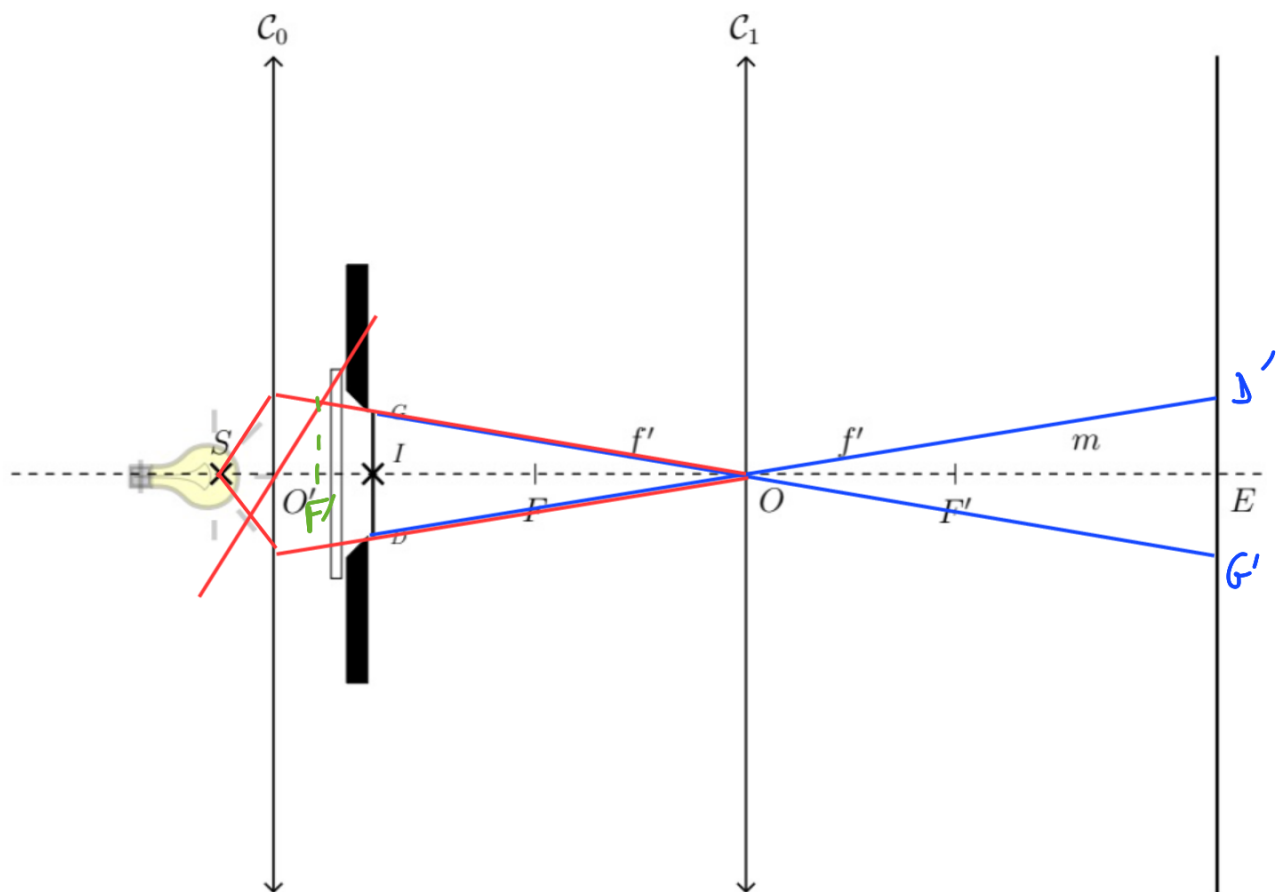
$$\Delta(\overline{IO}) = \overline{O_{\min} O_{\max}} = \overline{O_{\min} I} + \overline{I O_{\max}}$$

$$\text{AN: } \overline{O_{\min} O_{\max}} = -8,90 + 9,13 = \underline{\underline{0,23 \text{ cm}}}$$

Q10. En utilisant toute la surface de la lentille on a une meilleure luminosité, mais cela augmente les aberrations géométriques.

Q11

Annexe 5 à rendre avec la copie



Vue de dessus du projecteur de diapositives de seconde génération

Les points G' et D' sont inchangés puisque leurs positions respectives par rapport à O sont inchangées.

$$Q12. \quad G_L = \frac{\overline{O'O}}{\overline{OS}} = -4$$

$$\text{Or} \quad -\frac{1}{\overline{OS}} + \frac{1}{\overline{OO}} = \frac{1}{f'_0}$$

$$\frac{1}{\overline{OS}} = \frac{1}{\overline{OO}} - \frac{1}{f'_0}$$

$$\overline{OO} \left(\frac{1}{\overline{OO}} - \frac{1}{f'_0} \right) = -4$$

$$1 - \frac{\overline{OO}}{f'_0} = -4$$

$$\frac{\overline{O'O}}{f'_0} = 5 \quad \Rightarrow \quad \boxed{\overline{OO} = 5f'_0}$$

Q13 On a déjà calculé la position de O par rapport à I avec $l = \overline{OE} = 2,00\text{m}$ (Q15) : $\overline{IO}_{\text{max}} = 9,13 \cdot 10^{-2}\text{m}$

$$G_L = \frac{\overline{OO}}{\overline{OS}} = \frac{\overline{OS} + \overline{SO}}{\overline{OS}} = 1 + \frac{\overline{SO}}{\overline{OS}}$$

$$\overline{OS} = \frac{\overline{SO}}{G_t - 1} \Rightarrow \boxed{\overline{SO'} = \frac{\overline{SI} + \overline{IO}}{1 - G_t}}$$

$$\text{AN: } \overline{SO'} = \frac{5 + 9,13}{1 + 4} = \underline{\underline{2,83 \text{ cm}}}$$

Q 14. D'après la relation de conjugaison de Descartes :

$$-\frac{1}{\overline{OS}} + \frac{1}{\overline{SO}} = \frac{1}{f'_0} \Rightarrow \boxed{f'_0 = \frac{1}{\frac{1}{\overline{OS} + \overline{SI} + \overline{IO}} - \frac{1}{\overline{OS}}}}$$

$$\text{AN: } f'_0 = \frac{1}{\frac{1}{-2,83 + 5 + 9,13} - \frac{1}{-2,83}} = \underline{\underline{2,26 \text{ cm}}}$$

$$\left(\text{ou avec } f'_0 = \frac{\overline{SO}}{S} = \frac{\overline{OS} + \overline{SI} + \overline{IO}}{S} \right)$$

Q 15 De même on calcule $\overline{SO'}$ avec la valeur de \overline{IO} correspondant à $l = 5 \text{ m}$ ($\overline{IO}_{\min} = 8,90 \text{ cm}$) :

$$\overline{SO'} = \frac{5 + 8,90}{1 + 4} = \underline{\underline{2,78 \text{ cm}}}$$

$$\text{Soit } \overline{SO'}_{\min} = 2,78 \text{ cm}$$

$$\overline{SO'}_{\max} = 2,83 \text{ cm}$$

Q 16 . Comme $\overline{O'S} = \frac{\overline{SI} + \overline{IO}}{G_t - 1}$

D'où $\Delta(\overline{SO'}) = \overline{O'_{min}O'_{max}} = \overline{O'_{min}S} + \overline{SO'_{max}}$

$$= \frac{\overline{SI} + \overline{IO}_{min}}{G_t - 1} - \frac{\overline{SI} + \overline{IO}_{max}}{G_t - 1}$$

$$= \frac{\overline{IO}_{min} - \overline{IO}_{max}}{G_t - 1} = \frac{\overline{O_{max}O_{min}}}{G_t - 1} = \frac{-\overline{O_{min}O_{max}}}{G_t - 1}$$

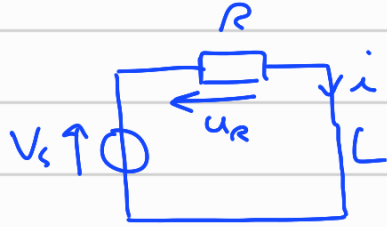
$$\boxed{N(\overline{SO'}) = \frac{\Delta(\overline{IO})}{1 - G_t}}$$

AN : $N(\overline{SO'}) = \frac{0,23}{1 - (-4)} = \underline{\underline{0,046 \text{ cm}}}$

Q 17 . En plaçant \mathcal{G}_1 au point conjugué de S par \mathcal{G}_0 on a un maximum de rayons lumineux issus de S qui passent par le centre de $\mathcal{G}_1 \Rightarrow$ on limite les aberrations géométriques.
La suppression du diffuseur permet aussi d'avoir une intensité lumineuse plus grande.

Exercice 2 :

Q1. En régime permanent (K fermé depuis longtemps), la bobine se comporte comme un fil :



D'après la loi des mailles $V_s - u_R = 0$

$$\Rightarrow V_s = R i \quad \boxed{i = \frac{V_s}{R}}$$

$$\text{AN : } i = \frac{12}{4} = \underline{3 \text{ A}}$$

l'énergie stockée dans la bobine est

$$\mathcal{E}_L = \frac{1}{2} L i^2 \quad \text{soit} \quad \boxed{\mathcal{E}_L = \frac{L V_s^2}{2 R^2}}$$

$$\text{AN : } \mathcal{E}_L = \frac{6 \cdot 10^{-3} \cdot 12^2}{2 \cdot 4^2} = 2,7 \cdot 10^{-2} \text{ J} = \underline{27 \text{ mJ}}$$

Cette valeur est faible.

Q2. Si l'interrupteur met jus à s'ouvrir le courant i passe de sa valeur à 0 en $1 \mu\text{s}$ d'où $\frac{di}{dt} = \frac{\Delta i}{\Delta t}$

$$\text{Et } u_L = L \frac{di}{dt} = L \frac{\Delta i}{\Delta t} \quad \text{avec } \Delta i = 0 - i = -\frac{V_s}{R}$$

$$\Rightarrow \boxed{u_L = -L \frac{V_s}{R \Delta t}}$$

$$\text{AN: } u_L = -6 \cdot 10^{-3} \frac{12}{4 \cdot 10^{-6}} = -1,8 \cdot 10^4 \text{ V} \\ = \underline{\underline{-18 \text{ kV}}}$$

Cette valeur de tension est très élevée.

Q3. Juste avant la fermeture de l'interrupteur ($t = 0^-$)

$$u(0^-) = 0 \quad (\text{bobine assimilée à un fil})$$

$$i'(0^-) = 0 \quad (\text{bobine assimilée à un interrupteur ouvert})$$

$$i(0^-) = \frac{V_s}{R} = i_0$$

$$\boxed{u(0^-) = 0 \quad ; \quad i'(0^-) = 0 \quad ; \quad i(0^-) = i_0 = \frac{V_s}{R}}$$

Juste après la fermeture de l'interrupteur ($t = 0^+$)

$$i(0^+) = \frac{V_s}{R} \quad (\text{continuité de l'intensité traversant la bobine}).$$

$$i_0(0^+) = 0 \quad (\text{interrupteur ouvert})$$

$$i'(0^+) = -i(0^+) = -\frac{V_s}{R} \quad (\text{loi des nœuds})$$

$$u(0^+) = R i'(0^+) = -10R \frac{V_s}{R} = -10V_s$$

$$u(0^+) = -10V_s ; i'(0^+) = -\frac{V_s}{R} ; i(0^+) = \frac{V_s}{R} ; i_0(0^+) = 0$$

Q4. Pour $t \rightarrow +\infty$ la bobine est à nouveau assimilable à un fil.

$$\Rightarrow u(\infty) = 0$$

D'où $i' = i = 0$

et $i_0 = 0$.

Q5. D'après la loi des nœuds pour $t > 0$:
 $i = -i'$.

Relations intensité-tension :

$$u = L \frac{di}{dt} \quad \text{et} \quad u = R' i'$$

$$\Rightarrow u = L \frac{di}{dt} = -R' i = -10R i$$

On obtient l'équation différentielle :

$$L \frac{di}{dt} + 10R i = 0 \quad \text{soit} \quad \frac{di}{dt} + \frac{10R}{L} i = 0$$

ou pour u : $\frac{di}{dt} = -\frac{di'}{dt}$ et $\frac{u}{L} = -\frac{1}{R'} \frac{du}{dt}$

Soit $\frac{du}{dt} + \frac{10R}{L} u = 0$

On fait apparaître un temps caractéristique $\tau = \frac{L}{10R}$, c'est le temps caractéristique de

disparition du courant dans le circuit (c'est le temps que le courant mettrait pour disparaître si la décroissance était linéaire et non exponentielle).

$$\frac{di}{dt} + \frac{i}{\tau} = 0 \quad \left(\text{ou } \frac{du}{dt} + \frac{u}{\tau} = 0 \right)$$

Q6. Solution générale : $i(t) = Ae^{-t/\tau}$
Solution particulière nulle car pas de 2nd membre.
Conditions initiales : à $t = 0^+$ $i(0^+) = \frac{V_s}{R}$

Soit $\frac{V_s}{R} = A$

$$\Rightarrow i(t) = \frac{V_s}{R} e^{-t/\tau}$$

d'où $u = L \frac{d}{dt} \left(\frac{V_s}{R} e^{-t \cdot 10R/L} \right)$

$$u(t) = \frac{LV_s}{R} \cdot \left(-\frac{10R}{L} \right) e^{-t/\tau}$$

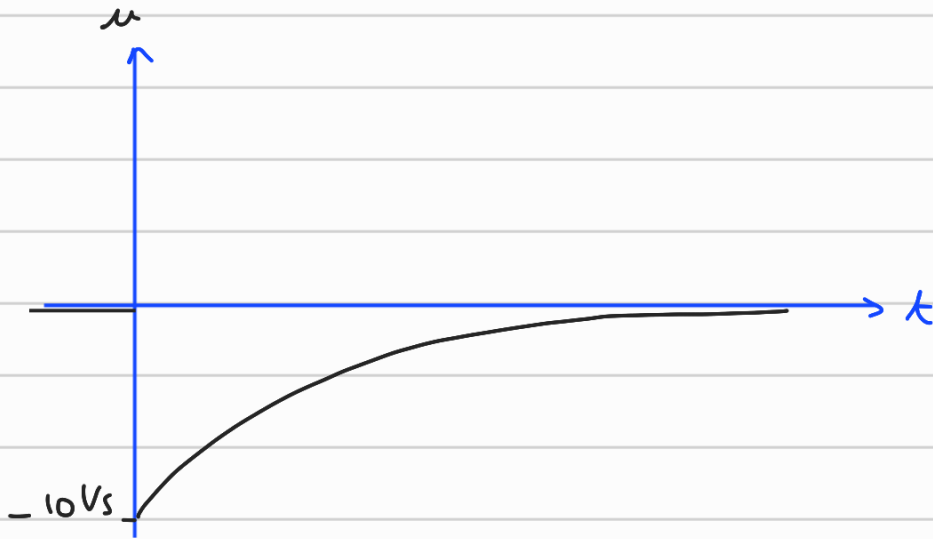
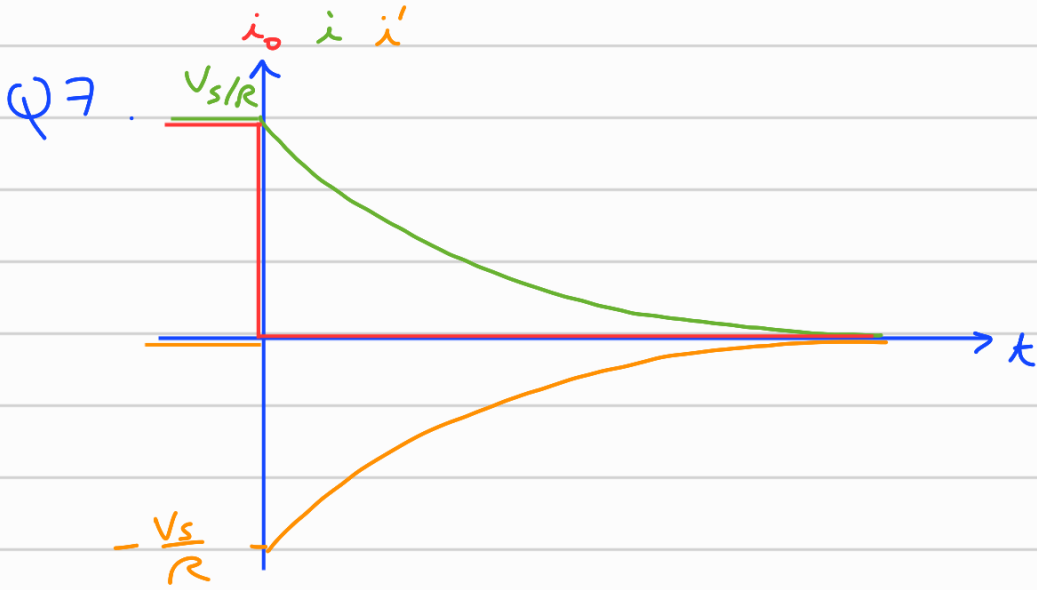
$$u(t) = -10V_s e^{-t/\tau}$$

ou avec u : $u(t) = B e^{-t/\tau}$

C.I $u(0^+) = -10V_s$ $u(t) = -10V_s e^{-t/\tau}$

Et $i_0 = 0$ (interrupteur ouvert)

$$i'(t) = -i(t) = -\frac{V_s}{R} e^{-t/\tau}$$



$$Q8. \quad \mathcal{W}_{R'} = \int_0^{\infty} P_{R'} dt = \int_0^{\infty} u i' dt = \int -\frac{L di}{dt} \cdot (-i) dt$$

$$\mathcal{W}_{R'} = \int_0^{\infty} \frac{d}{dt} \left(\frac{1}{2} L i^2 \right) dt = \left[\frac{1}{2} L i^2 \right]_0^{\infty} = \frac{1}{2} L i^2(0^+)$$

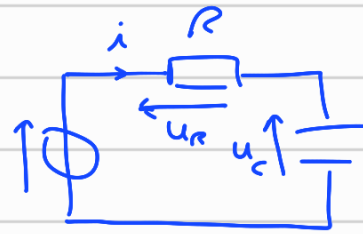
$$\mathcal{W}_{R'} = \frac{1}{2} L \left(\frac{V_s}{R} \right)^2$$

\Rightarrow c'est l'expression obtenue en Q1 pour \mathcal{W}_L .

Exercice 3

Q1. D'après la loi des mailles :

$$E - u_R - u_C = 0$$



En convention récepteur $u_R = Ri$ et $i = C \frac{du_C}{dt}$

$$\Rightarrow RC \frac{du_C}{dt} + u_C = E$$

$$\Rightarrow \boxed{\frac{du_C}{dt} + \frac{1}{RC} u_C = \frac{E}{RC}}$$

Q2. τ est la constante de temps du circuit RC. Elle donne un ordre de grandeur de la durée du régime transitoire. $\boxed{\tau = RC}$

Q3. Solution particulière : $u_C = E$

Solution générale de l'équation homogène :

$$u_{cg}(t) = A e^{-t/\tau}$$

\Rightarrow Solution complète : $u_C(t) = E + A e^{-t/\tau}$

A $t = 0^-$ le condensateur est déchargé d'où $u_C(0^-) = 0$, et par continuité de la

tension aux bornes d'un condensateur
 $u_c(0^+) = 0$

$$\text{D'où } 0 = E + A \Rightarrow A = -E$$

La solution de cette équation différentielle, telle que $u_c(0^+) = 0$ est donc

$$u_c(t) = E(1 - e^{-t/\tau})$$

$$\text{Q4 On a donc } \lim_{t \rightarrow \infty} u_c = E$$

$$\text{et } u_c(\tau) = E(1 - e^{-1}) \approx 0,63 E$$

Graphiquement, on lit $E =$ asymptote en $+\infty$

$$\Rightarrow \underline{E = 5V}$$

Et $\tau =$ abscisse de la courbe pour $u_c = 3,15V$

$$\underline{\tau = 0,001 s}$$

$$\text{Q5. } \tau = RC \Rightarrow \boxed{C = \frac{\tau}{R}}$$

$$\text{AN: } C = \frac{0,001}{1,00 \cdot 10^3} = 10^{-6} F = \underline{1 \mu F}$$

$$Q6. \quad I = C_0 \frac{d}{dt} (u_c - R_0 I)$$

$$Or \quad I = C_0 \frac{du_c}{dt} \Rightarrow I = C_0 \frac{du_c}{dt}$$

$$u_c(t) = A + \frac{I}{C_0} t$$

Condition initiale à $t=0$: $u_c(0) - R_0 I = U_a$

$$\Rightarrow A - R_0 I = U_a$$

$$A = U_a + R_0 I$$

$$\Rightarrow \boxed{u_c(t) = U_a + R_0 I + \frac{I}{C_0} t}$$

$$Q7 \quad A \quad t=0^+ \quad u_c(0^+) = U_a + R_0 I$$

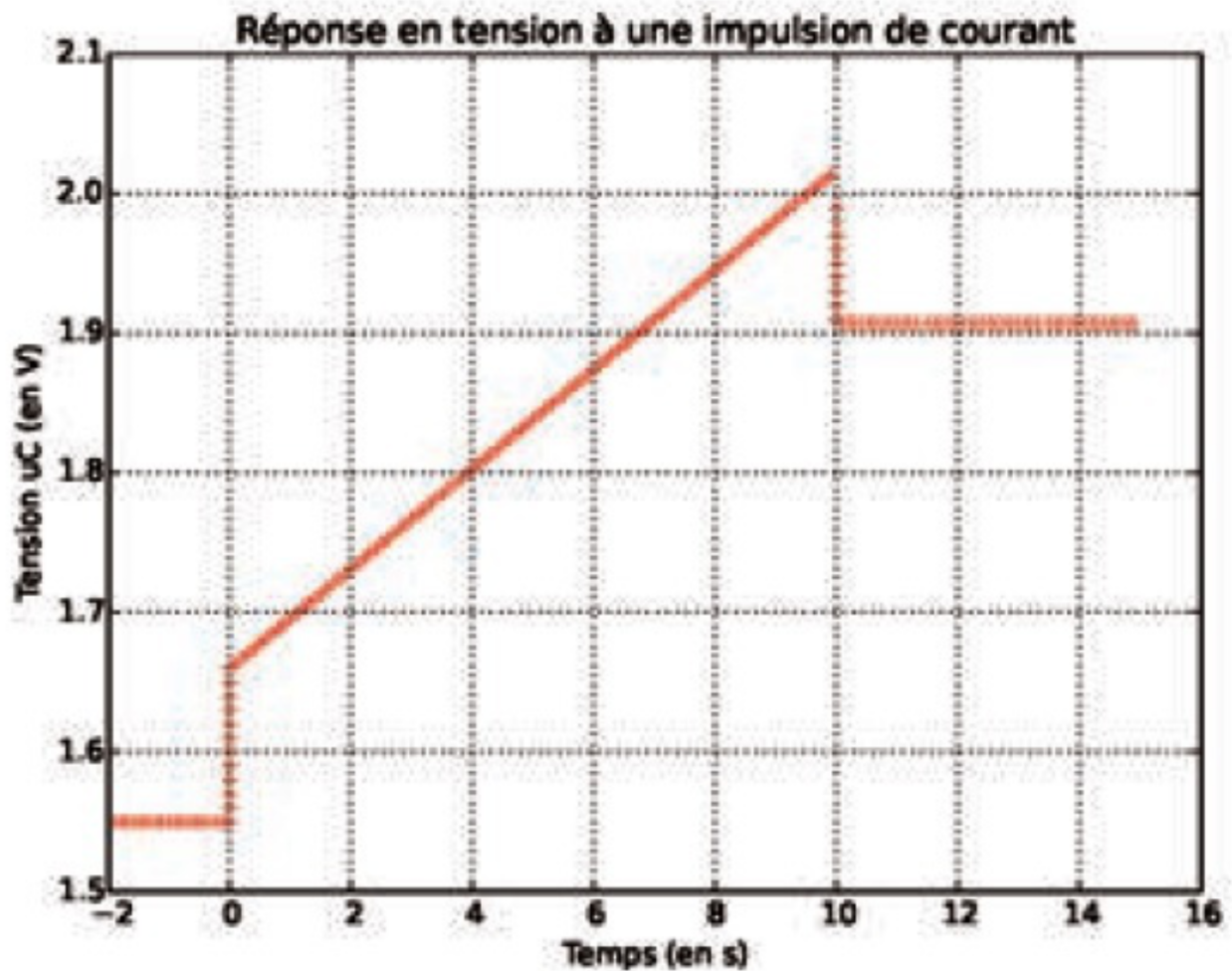
$$\Rightarrow R_0 = \frac{u_c(0^+) - U_a}{I}$$

Graphiquement, on lit $u_c(0^+) = 1,6 \text{ V}$

$$Et \quad u_c(0^-) = 1,55 \text{ V}$$

$$\Rightarrow U_a = 1,55 \text{ V}$$

$$AN: \quad R_0 = \frac{1,66 - 1,55}{100} = 0,0011 \Omega = \underline{\underline{11 \text{ m}\Omega}}$$



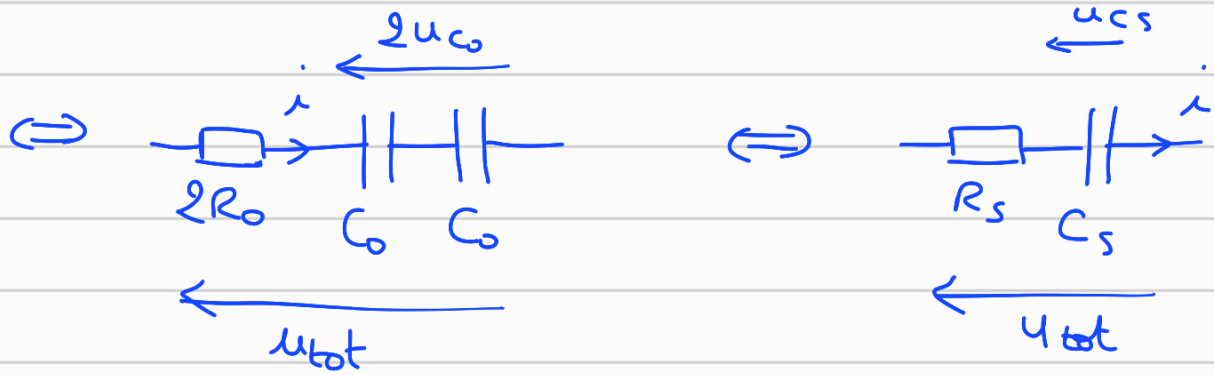
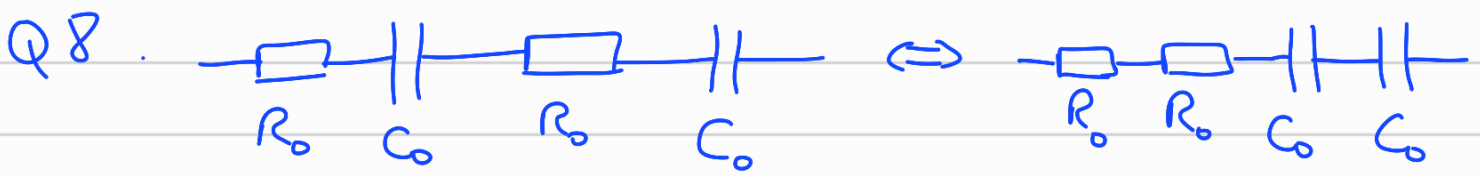
7 cm \rightarrow 0,6 V
 0,55 cm \rightarrow 0,05 V
 1,85 cm \rightarrow 0,16 V
 6,05 cm \rightarrow 0,52 V

} mesures sur ma tablette
(\neq sujet imprimé)

$$\frac{du_C}{dt} = \frac{I}{C_0} \quad \Rightarrow \quad C_0 = \frac{I}{\text{pente}}$$

Graphiquement, on lit $\text{pente} = \frac{2,02 - 1,66}{10} = 0,036 \text{ V}\cdot\text{s}^{-1}$

$$\text{d'où } C_0 = \frac{100}{0,036} = 2778 \text{ F} = \underline{\underline{2,8 \text{ kF}}}$$



$$R_s = 2R_0$$

$$i = C_0 \frac{du_{C_0}}{dt} = C_s \frac{du_{C_s}}{dt}$$

$$\text{or } u_{C_0} = \frac{1}{2} u_{C_s}$$

$$\Rightarrow C_0 \frac{d}{dt} \left(\frac{1}{2} u_{C_s} \right) = C_s \frac{du_{C_s}}{dt}$$

$$\Rightarrow \frac{C_0}{2} \frac{du_{C_s}}{dt} = C_s \frac{du_{C_s}}{dt}$$

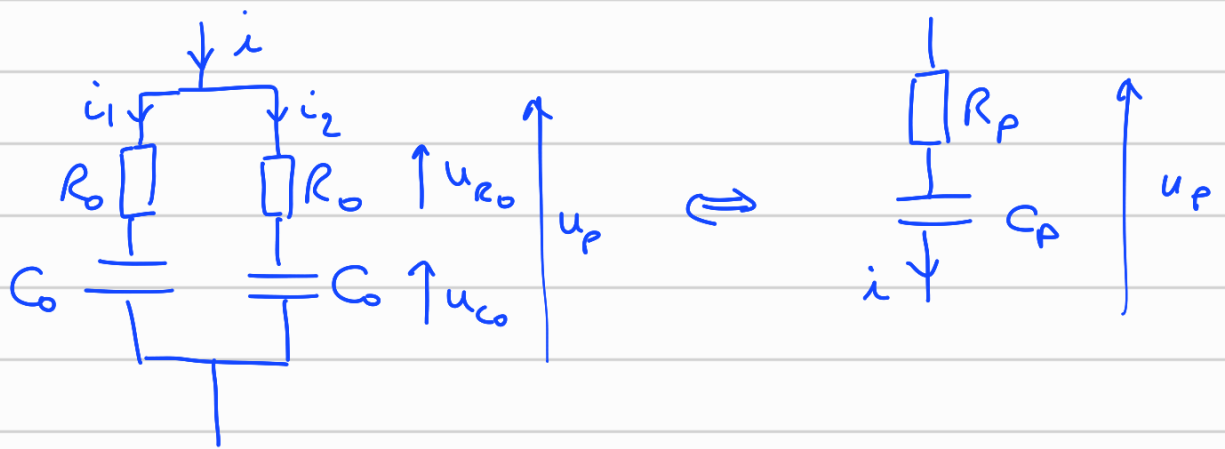
Par identification

$$C_s = \frac{C_0}{2}$$

Par un raisonnement analogue, pour n supercondensateurs placés en série, on aura :

$$C_s = \frac{C_0}{n} \quad \text{et} \quad R_s = nR_0$$

Q9.



$$u_p = u_{C_0} + u_{R_0}$$

$$u = u_{C_p} + u_{R_p}$$

$$i = i_1 + i_2 = 2C_0 \frac{du_{C_0}}{dt}$$

$$i = C_p \frac{du_{C_p}}{dt}$$

(par symétrie $i_1 = i_2 = \frac{i}{2}$)

$$\frac{du_p}{dt} = \frac{du_{C_0}}{dt} + \frac{du_{R_0}}{dt}$$

$$\frac{du_p}{dt} = \frac{du_{C_p}}{dt} + \frac{du_{R_p}}{dt}$$

$$\frac{du_p}{dt} = \frac{i}{2C_0} + R_0 \frac{d(i/2)}{dt}$$

$$\frac{du_p}{dt} = \frac{i}{C_p} + R_p \frac{di}{dt}$$

$$\frac{du_p}{dt} = \frac{i}{2C_0} + \frac{R_0}{2} \frac{di}{dt}$$

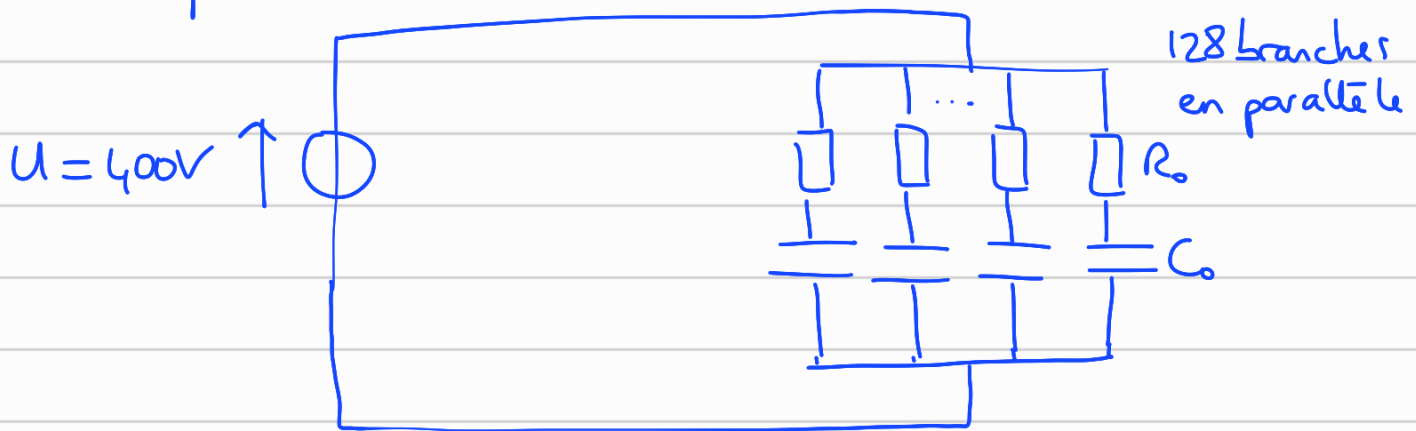
Par identification

$$C_p = 2C_0 \text{ et } R_p = \frac{R_0}{2}$$

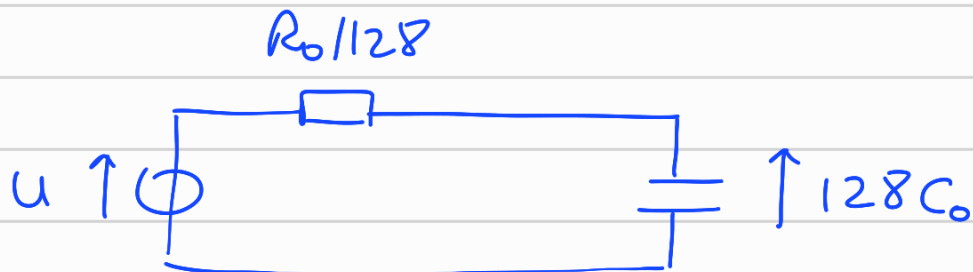
Par un raisonnement analogue pour n supercondensateurs placés en dérivation, on aura :

$$C_p = nC_0 \text{ et } R_p = \frac{R_0}{n}$$

Q 9. Circuit pour la charge des 128 supercondensateurs :



D'après ce qui précède on a le schéma équivalent :



$$\tau = 4 \text{ min}$$

$$\Rightarrow \tau = 144 \text{ s}$$

Or $\tau = RC$ pour un circuit RC

$$\Rightarrow \left(\frac{R_0}{128} \right) \cdot 128 C_0 = \tau \Rightarrow R_0 = \frac{\tau}{C_0}$$

De plus $E = P \times \Delta t \times 2$ (car Δt est pour l'aller seulement)

Or $E = \frac{1}{2} C U^2$ pour un condensateur de capacité C

$$\Rightarrow 2 \cdot P \times \Delta t = \frac{1}{2} \cdot 128 C_0 \cdot U^2 \times 0,50 \text{ car la charge doit rester } > 50\%$$

$$C_0 = \frac{2 P \times \Delta t}{32 \cdot U^2}$$

$$\text{AN : } C_0 = \frac{2 \cdot 100 \times 735 \times 7 \times 60 \times 2}{32 \cdot 400^2} = \underline{\underline{24,0 F}}$$

$$\text{AN : } R_0 = \frac{144}{24} = \underline{\underline{6 \Omega}}$$