

Correction TD 17

Exercice 1

Q1. * Système : {Lune}

* Référentiel : géocentrique supposé galiléen à l'échelle du mouvement (rotation de la lune autour de la Terre).

* Bilan des actions mécaniques :
force d'attraction gravitationnelle exercée par la Terre

$$\vec{F}_{T/L} = - \mathcal{G} \frac{M_T M_L}{R^2} \vec{u}_r$$

* Principe fondamental de la dynamique appliqué au système {Lune} dans le référentiel géocentrique :

$$M_L \vec{a}_L = \vec{F}_{T/L} \quad \Leftrightarrow \quad \vec{a}_L = - \mathcal{G} \frac{M_T}{R^2} \vec{u}_r$$

* Or pour un mouvement circulaire $\vec{ON} = R \vec{u}_r$
 $\Rightarrow \vec{v} = R \dot{\theta} \vec{u}_\theta$
 $\Rightarrow \vec{a} = R \ddot{\theta} \vec{u}_\theta - R \dot{\theta}^2 \vec{u}_r$

La projection selon $\vec{u}_\theta$ donne : $\ddot{\theta} = 0 \Leftrightarrow \dot{\theta} = cte$

$$\Rightarrow v = |\vec{v}| = R \dot{\theta} = cte$$

La projection selon $\vec{u}_r$ donne : $-R\ddot{\theta}^2 = -\gamma \frac{M_T}{R^2}$

$$\Rightarrow R^2 \dot{\theta}^2 = \gamma \frac{M_T}{R} \Rightarrow \boxed{v = \sqrt{\frac{\gamma M_T}{R}}}$$

$$\text{AN : } v = \sqrt{\frac{667 \cdot 10^{-11} \cdot 5,97 \cdot 10^{24}}{385 \cdot 10^6}} = 1,02 \cdot 10^3 \text{ m.s}^{-1}$$

$$\text{Q2. } T = \frac{2\pi R}{v} = \frac{2\pi R}{\sqrt{\frac{\gamma M_T}{R}}}$$

$$\text{AN : } T = \frac{2\pi \cdot 385 \cdot 10^6}{1,02 \cdot 10^3} = 2,38 \cdot 10^6 \text{ s} \approx 27,5 \text{ j.}$$

$$\text{Q3. } E_m = E_c + E_p = \frac{1}{2} M_T v^2 - \frac{\gamma M_T M_L}{R}$$

$$(\text{rappel } dE_p = -\delta W(\vec{F}_{T/L}) = -\left(-\gamma \frac{M_T M_L}{R^2}\right) \cdot dr)$$

$$\Rightarrow E_p = -\frac{\gamma M_T M_L}{R} + cte \quad \text{on choisit la référence de l'énergie potentielle gravitationnelle à l'infini} \Rightarrow cte = 0$$

$$\text{On obtient } E_m = \frac{1}{2} M_L \frac{\gamma M_T}{R} - \gamma \frac{M_T M_L}{R}$$

$$\boxed{E_m = -\frac{1}{2} \gamma \frac{M_T M_L}{R}}$$

$$\text{AN : } E_m = -\frac{1}{2} 6,67 \cdot 10^{-11} \cdot \frac{5,97 \cdot 10^{24} \cdot 7,4 \cdot 10^{22}}{385 \cdot 10^6} = -3,83 \cdot 10^{28} \text{ J}$$

Remarque : On a considéré ici la lune ponctuelle
 $\Rightarrow$ on n'a pas tenu compte de sa rotation sur elle même, qui a aussi une contribution à l'énergie cinétique
 $\Rightarrow$ chapitre 18

Exercice 2 :

Q1. Méthode voir ex 1.

$$v = \sqrt{\frac{g N_T}{R_T + h}}$$

$$\text{Q2. } T = \frac{2\pi(R_T + h)}{v} = 2\pi(R_T + h) \sqrt{\frac{R_T + h}{g N_T}}$$

$$T^2 = \frac{4\pi^2}{g N_T} (R_T + h)^3$$

$$\frac{T^2}{(R_T + h)^3} = \frac{4\pi^2}{g N_T} = \text{cte}$$

3^{ème} loi de Kepler.

$$\text{Q3. } E_m = -\frac{1}{2} g \frac{N_T m}{R_T + h} \quad (\text{démonstration} \Rightarrow \text{ex 1})$$

$$E_c = \frac{1}{2} m g \frac{N_T}{(R_T + h)} \Rightarrow E_c = -E_m$$

$E_m < 0$ ce qui correspond à un état lié

$$E_m = E_c + E_p = \frac{1}{2} m (\dot{r}^2 + r^2 \dot{\theta}^2) - \mathcal{G} \frac{\eta_T m}{r}$$

or $r^2 \dot{\theta} = C$ (constante de la loi des aires)

$$\Rightarrow E_m = \frac{1}{2} m \dot{r}^2 + \underbrace{\frac{1}{2} m \frac{C^2}{r^2}}_{E_{\text{eff}}} - \mathcal{G} \frac{\eta_T m}{r}$$

$$\frac{dE_{\text{eff}}}{dr} = 0 \Leftrightarrow -2 \cdot \frac{1}{2} m C^2 r^{-3} - (-1) \mathcal{G} \eta_T m r^{-2} = 0$$

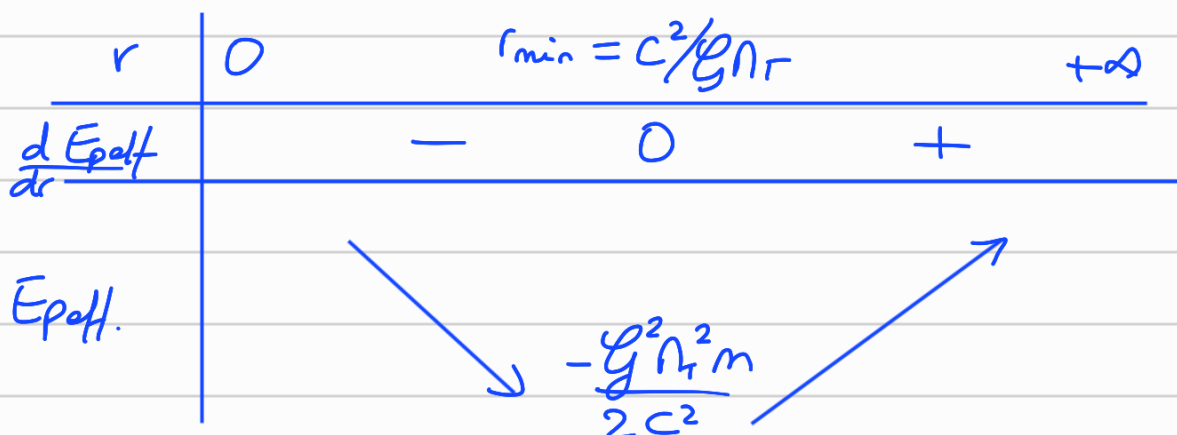
$$\Leftrightarrow \frac{C^2}{r} = \mathcal{G} \eta_T$$

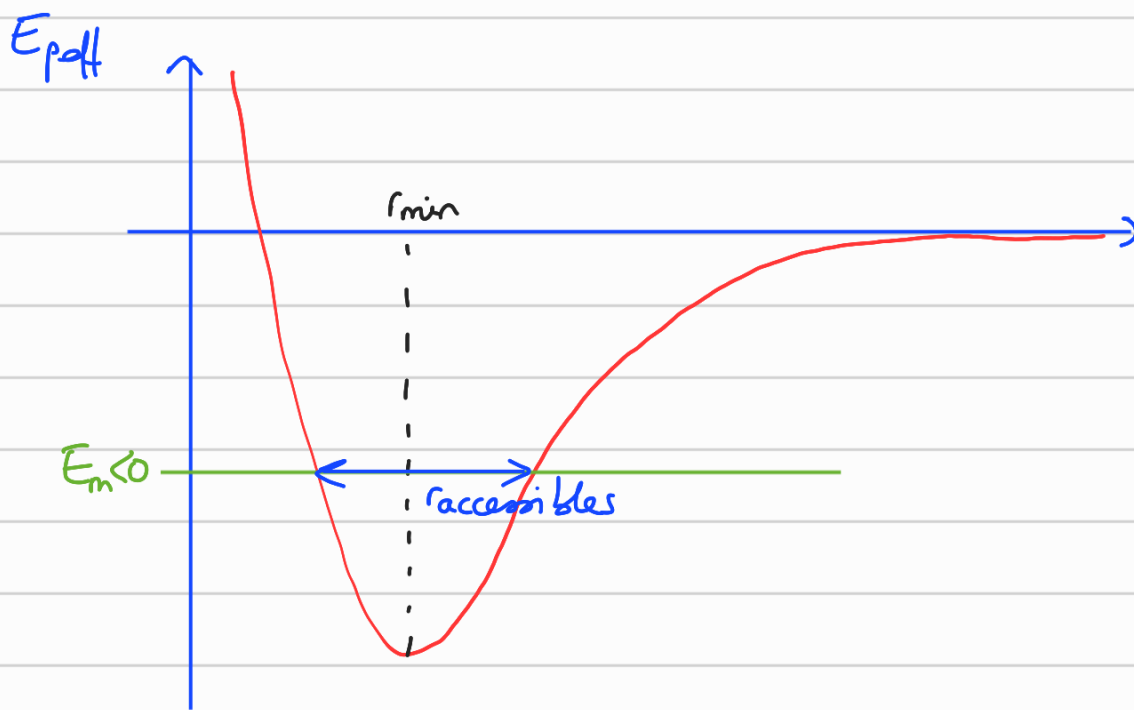
$$\boxed{r = \frac{C^2}{\mathcal{G} \eta_T}}$$

$\frac{dE_{\text{eff}}}{dr} < 0$ pour $r < \frac{C^2}{\mathcal{G} \eta_T}$ et $\frac{dE_{\text{eff}}}{dr} > 0$ pour $r > \frac{C^2}{\mathcal{G} \eta_T}$

$$\lim_{r \rightarrow 0} E_{\text{eff}} = +\infty \quad \text{et} \quad \lim_{r \rightarrow +\infty} E_{\text{eff}} = 0$$

$$E_{\text{eff}} \left(\frac{C^2}{\mathcal{G} \eta_T} \right) = -\frac{1}{2} \frac{\mathcal{G}^2 \eta_T^2 m}{C^2}$$





Q5. Pour un satellite géostationnaire $T = 1$ jour

$$\text{Or } \frac{T^2}{(R_T + h)^3} = \frac{4\pi^2}{g N_T} \Rightarrow (R_T + h)^3 = \frac{T^2 g N_T}{4\pi^2}$$

$$R_T + h = \sqrt[3]{\frac{T^2 g N_T}{4\pi^2}}$$

$$h = \sqrt[3]{\frac{T^2 g N_T}{4\pi^2}} - R_T$$

AN: $h = \underline{3,58 \cdot 10^7} \text{ m}$ soit $\approx \underline{36\,000 \text{ km}}$

Exercice 3 :

Q1. On étudie le satellite dans le référentiel géocentrique.

Q2. $E_{p\text{grav}}(r) = -g \frac{N_T m}{r}$

$$E_{p\text{grav}}(z) = -g \frac{N_T m}{R_T + z}$$

$$Q3. E_m = E_c + E_{pgrav.} = \frac{1}{2} m v^2 - \mathcal{G} \frac{M_T m}{R_T + z}$$

$$\text{avec } v^2 = \frac{\mathcal{G} M_T}{R_T + z}$$

$$\Rightarrow \boxed{E_m = -\frac{1}{2} \mathcal{G} \frac{M_T m}{R_T + z}}$$

$$\text{AN: } E_m = -\frac{1}{2} 6,67 \cdot 10^{-11} \cdot \frac{5,97 \cdot 10^{24} \cdot 60 \cdot 10^3}{6,38 \cdot 10^6 + 1,0 \cdot 10^6} = \underline{\underline{-1,62 \cdot 10^3 \text{ J}}}$$

Q4. L'axe de rotation de la Terre est l'axe des pôles, il est fixe.

$$\text{La vitesse angulaire vaut } \Omega = \frac{2\pi}{T}$$

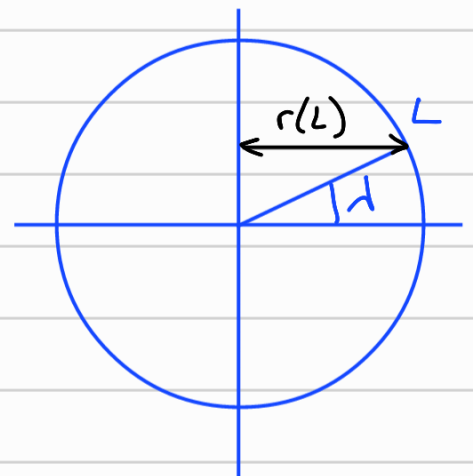
$$\text{avec } T = 1 \text{ jour sidéral} = 23 \text{ h } 56 \text{ min } 4 \text{ s.}$$

$$\text{AN: } \Omega = \frac{2\pi}{23 \times 3600 + 56 \cdot 60 + 4} = \underline{\underline{7,3 \cdot 10^{-5} \text{ rad.s}^{-1}}}$$

$$Q5. v(L) = r(L) \Omega$$

$$\text{avec } r(L) = R_T \cos \lambda$$

$$\Rightarrow \boxed{v(L) = R_T \cos \lambda \Omega}$$



$$Q6. E_{mo} = \frac{1}{2} m v^2(L) - \mathcal{G} \frac{M_T m}{R_T}$$

$$\text{soit } \boxed{E_{mo} = \frac{1}{2} m R_T^2 \cos^2 \lambda \Omega^2 - \mathcal{G} \frac{M_T m}{R_T}}$$

$$E_{mo} = \frac{1}{2} 60 \cdot 10^3 \left(6,38 \cdot 10^6 \cdot \cos(5,23) \cdot 7,3 \cdot 10^{-5} \right)^2 - 6,67 \cdot 10^{-11} \cdot \frac{5,97 \cdot 10^{24} \cdot 60 \cdot 10^3}{6,38 \cdot 10^6} = \underline{\underline{-3,74 \cdot 10^3 \text{ J}}}$$

Q7. Pour maximiser l'énergie initiale, il faut minimiser $\lambda \Rightarrow$ Kourou.

Q8. $\Delta E_m = E_m - E_{m0}$

AN: $\Delta E_m = -1,62 \cdot 10^{11} + 3,74 \cdot 10^{11} = \underline{2,12 \cdot 10^{11} \text{ J}}$

Q9. Energie gagnée en lançant de Kourou au lieu de Baïkonour: $E_{\text{gagnée}} = |\Delta E_{mk} - \Delta E_{mB}|$

Soit $E_{\text{gagnée}} = |E_m - E_{mk} - E_m + E_{mB}| = |E_{mB} - E_{mk}|$

$$E_{\text{gagnée}} = \frac{1}{2} m R_T^2 \Omega^2 (\cos^2 \lambda_k - \cos^2 \lambda_B)$$

AN: $E_{\text{gagnée}} = \underline{3,31 \cdot 10^8 \text{ J}}$

(soit 0,16% de l'énergie à fournir).

Exercice 4:

Q1.



on a donc

$$2R_T + 9000 + 153000 = 2a$$

$$a = R_T + \frac{162000 \cdot 10^3}{2}$$

$$\underline{a = 8,74 \cdot 10^7 \text{ m}}$$

$$(= 8,74 \cdot 10^4 \text{ km})$$

Q2. D'après la 3^{ème} loi de Kepler $\frac{T^2}{a^3} = \frac{4\pi^2}{g\eta_T}$

soit $T = 2\pi \sqrt{\frac{a^3}{g\eta_T}}$

AN: $T = 2,57 \cdot 10^5 \text{ s} \approx 71,4 \text{ h}$

Q3. $E_m = \frac{1}{2} m (\dot{r}^2 + r^2 \dot{\theta}^2) - \frac{g\eta_T m}{r}$

avec $C = r\dot{\theta}^2$, et on pose $\alpha = g\eta_T m > 0$

$$E_m = \frac{1}{2} m \dot{r}^2 + \frac{mC^2}{2r^2} - \frac{\alpha}{r}$$

$$E_m = \frac{1}{2} m \dot{r}^2 + \frac{mC^2}{2r^2} - \frac{\alpha}{r}$$

On détermine $r_{\min}$ et $r_{\max}$ tels que $\dot{r} = 0$

$$2E_m = m \frac{C^2}{r^2} - \frac{2\alpha}{r}$$

$$r^2 + \frac{\alpha}{E_m} r - \frac{mC^2}{2E_m} = 0$$

$$\Delta = \frac{\alpha^2}{E_m^2} + \frac{2mC^2}{E_m}$$

$$\Delta > 0 \quad \frac{\alpha^2}{E_m^2} > -\frac{2mC^2}{E_m} \Rightarrow \alpha^2 > -2mC^2 \cdot E_m$$

or pour une trajectoire elliptique, l'état est lié $\Rightarrow E_m < 0$

$\alpha > \sqrt{-2mE_m} \cdot C$ pour avoir $\Delta > 0$.

$$\left. \begin{aligned} r_{\min} &= \frac{-\alpha/E_m - \sqrt{\Delta}}{2} \\ r_{\max} &= \frac{-\alpha/E_m + \sqrt{\Delta}}{2} \end{aligned} \right\} r_{\min} + r_{\max} = -\frac{\alpha}{E_m}$$

$$\Rightarrow E_m = \frac{-\alpha}{r_{\min} + r_{\max}}$$

Or $r_{\min} + r_{\max} = 2a$ pour une ellipse
et $\alpha = \mathcal{G}M_T m$

$$\Rightarrow \boxed{E_m = -\frac{\mathcal{G}M_T m}{2a}}$$

formule similaire
à celle de l'orbite
circulaire en changeant
 r en a .

$$Q4. \text{ AN : } E_m = \frac{-6,67 \cdot 10^{-11} \cdot 5,97 \cdot 10^{24} \cdot 3,5 \cdot 10^3}{2 \cdot 8,74 \cdot 10^7} = \underline{\underline{-7,97 \cdot 10^9 \text{ J}}}$$

Q5. le satellite est soumis à une unique
force conservative donc E_m est
conservée : $E_m(\text{apogée}) = E_m(\text{périgée})$

$$\text{Soit } \frac{1}{2} m v_A^2 - \frac{\mathcal{G}M_T m}{r_{\max}} = \frac{1}{2} m v_p^2 - \frac{\mathcal{G}M_T m}{r_{\min}} = -\frac{\mathcal{G}M_T m}{2a}$$

$$\Rightarrow v_A^2 = \frac{2}{m} \left(\frac{\mathcal{G}M_T m}{r_{\max}} - \frac{\mathcal{G}M_T m}{2a} \right)$$

$$\boxed{v_A = \sqrt{\mathcal{G}M_T \left(\frac{2}{r_{\max}} - \frac{1}{a} \right)}}$$

$$\text{et } \boxed{v_p = \sqrt{\mathcal{G}M_T \left(\frac{2}{r_{\min}} - \frac{1}{a} \right)}}$$

$$\text{AN : } v_A = \sqrt{667 \cdot 10^{-11} \cdot 5,97 \cdot 10^{24} \left(\frac{2}{638 \cdot 10^6 + 153 \cdot 10^6} - \frac{1}{8,74 \cdot 10^9} \right)}$$

$$v_A = \underline{664 \text{ m.s}^{-1}}$$

$$v_p = \sqrt{667 \cdot 10^{-11} \cdot 5,97 \cdot 10^{24} \left(\frac{2}{638 \cdot 10^6 + 9000 \cdot 10^3} - \frac{1}{8,74 \cdot 10^9} \right)}$$

$$v_p = \underline{6872 \text{ m.s}^{-1}}$$

Remarque: on a bien $v_A < v_p$ pour que la loi des aires soit vérifiée.

Exercice 5

Q1 $v_o = \sqrt{\frac{g N_T}{r_o}} \approx \sqrt{\frac{g N_T}{R_T}}$ pour une orbite rasant

$$\text{AN : } v_o = \sqrt{\frac{667 \cdot 10^{-11} \cdot 5,97 \cdot 10^{24}}{6,38 \cdot 10^6}} = \underline{7,9 \cdot 10^3 \text{ m.s}^{-1}}$$

Q2. Orbite géostationnaire : $r_1 = \sqrt[3]{\frac{g N_T T_1^2}{4\pi^2}}$

(voir ex 2)

$$\text{AN : } r_1 = \sqrt[3]{\frac{667 \cdot 10^{-11} \cdot 5,97 \cdot 10^{24} \cdot 86164^2}{4\pi^2}} = 4,21 \cdot 10^7 \text{ m}$$

$$\approx \underline{42 \text{ km}}$$

$$Q3. E_c = -E_m = \frac{1}{2} m v_1^2 = \frac{G N_T m}{2 r_1}$$

$$\Rightarrow v_1 = \sqrt{\frac{G N_T}{r_1}}$$

$$AN: v_1 = \sqrt{\frac{6,67 \cdot 10^{-11} \cdot 5,97 \cdot 10^{24}}{4,21 \cdot 10^7}} = \underline{3,08 \cdot 10^3 \text{ m.s}^{-1}}$$

On peut aussi utiliser $v_1 = \frac{2\pi r_1}{T}$.

Q4. Sur l'ellipse de transfert :

$$E_m = -\frac{G N_T m}{2a} \quad \text{avec } a = r_0 + r_1 \quad (\text{voir schéma})$$

$$\text{Au périgée } E_m = \frac{1}{2} m v_0'^2 - \frac{G N_T m}{r_0}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} m v_0'^2 - \frac{G N_T m}{r_0} = -\frac{G N_T m}{r_1 + r_0}$$

$$\Rightarrow v_0'^2 = 2 G N_T m$$

$$v_0' = \sqrt{2 G N_T m \left(\frac{1}{r_0} - \frac{1}{r_1 + r_0} \right)}$$

Avec $r_0 = 6,38 \cdot 10^6 \text{ m}$ et $r_1 = 4,21 \cdot 10^7 \text{ m}$

on obtient $v_0 = \underline{10,4 \cdot 10^3 \text{ m.s}^{-1}}$

$$\text{A l'apogée : } \frac{1}{2} m v_1'^2 - \frac{G M_T m}{r_1} = - \frac{G M_T m}{r_0 + r_1}$$

$$\Rightarrow v_1' = \sqrt{2 G M_T \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_1 + r_0} \right)}$$

$$\text{AN: } v_1' = 1,57 \cdot 10^3 \text{ m.s}^{-1}$$

QS. D'après la 3^{ème} loi de Kepler :

$$\frac{T^2}{a^3} = \frac{4\pi^2}{G M_T}$$

$$\text{avec } a = \frac{r_0 + r_1}{2} \quad \text{on a } T = \pi \sqrt{\frac{(r_0 + r_1)^3}{2 G M_T}}$$

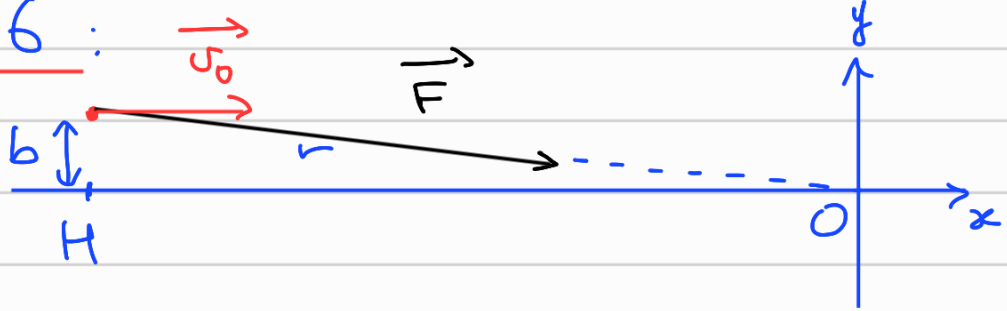
le transfert dure $\frac{1}{2}$ période donc

$$\tau = \pi \sqrt{\frac{(r_0 + r_1)^3}{8 G M_T}}$$

$$\text{AN: } \tau = \pi \sqrt{\frac{(6,38 \cdot 10^6 + 4,21 \cdot 10^7)^3}{8 \cdot 667 \cdot 10^{-11} \cdot 5,97 \cdot 10^{24}}} = \underline{1,88 \cdot 10^4 \text{ s}}$$
$$\approx \underline{5 \text{ h } 13 \text{ min}}$$

Exercice 6 :

Q1.



On étudie le système {astéroïde} dans le référentiel géocentrique supposé galiléen.

La seule force exercée sur lui est la force d'interaction gravitationnelle :

$$\vec{F} = - \frac{G M_T m}{r^2} \vec{u}_r$$

D'après le théorème du moment cinétique appliqué à l'astéroïde par rapport à O on a :

$$\frac{d\vec{L}_O(n/r)}{dt} = \vec{\mathcal{M}}_O(\vec{F}) = \vec{0} \quad \text{car } \vec{F} \text{ est centrale de centre } O.$$

$\Rightarrow \vec{L}_O(n/r)$ est constant, et perpendiculaire à $\vec{on}$ et $\vec{v} \Rightarrow \vec{on}$ et $\vec{v}$ sont perpendiculaires à un vecteur constant $\Rightarrow$ le mouvement est plan.

$$\begin{aligned} \text{et } \vec{L}_O(n/r) &= \vec{on} \wedge m \vec{v} \\ &= r \vec{u}_r \wedge (r \dot{\theta} \vec{u}_\theta + r \ddot{\theta} \vec{u}_\theta) \\ &= \underbrace{r^2 \dot{\theta}}_C \vec{u}_\theta = \text{cte} \\ &\quad \text{constante des aires.} \end{aligned}$$

On peut calculer $\vec{L}_O$ lorsque l'astéroïde est loin, avec $\vec{v} = v_0 \vec{u}_x$

$$\vec{L}_O(r/r) = \vec{ON} \wedge m \vec{v}_0$$

$$= (\vec{OH} + \vec{HN}) \wedge m v_0 \vec{u}_x$$

$$= -OH \vec{u}_x + HN \vec{u}_y \wedge m v_0 \vec{u}_x$$

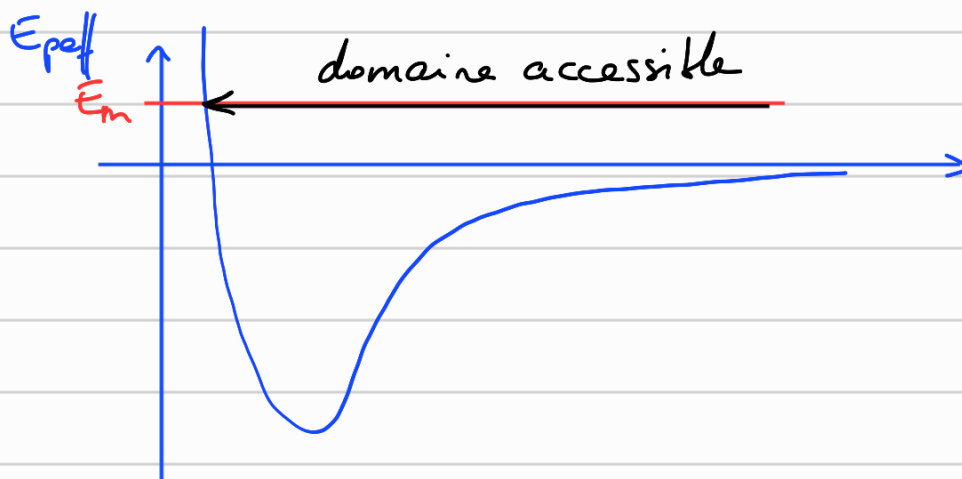
$$\vec{L}_O(r/r) = -m b v_0 \vec{u}_y$$

$$\Rightarrow C = -m b v_0$$

Q2. $E_m = \frac{1}{2} m (\dot{r}^2 + r^2 \dot{\theta}^2) - \frac{G M_T m}{r}$

$$E_m = \frac{1}{2} m \dot{r}^2 + \underbrace{\frac{m C^2}{2 r^2}}_{E_{\text{eff}}(r)} - \frac{G M_T m}{r}$$

Etude de E_{eff} $\Rightarrow$ voir Exercice 2



$$E_m = \frac{1}{2} m v_0^2 = \text{constante (système conservatif)} > 0$$

Trajectoire hyperbolique (l'astéroïde tourne autour de la Terre).
⇒ Etat de diffusion.

Q3. Conservation de E_m : $\frac{1}{2} m v_0^2 = \frac{1}{2} m v_p^2 - \frac{\mathcal{G} M_T m}{r_p}$

Conservation du moment cinétique : $-b m v_0 = m r_p^2 \dot{\theta}_p$

Au périhélie (approche maximale de la Terre) : $\dot{r} = 0$

$$\Rightarrow v_p = r_p |\dot{\theta}_p| = -r_p \dot{\theta}_p \quad \text{car } \dot{\theta}_p < 0 \quad (C < 0 \text{ donc } \dot{\theta} < 0)$$

$$\Rightarrow \dot{\theta}_p = -\frac{v_p}{r_p}$$

On injecte dans la relation précédente : $-b v_0 = -r_p^2 \frac{v_p}{r_p}$

$$\Rightarrow v_p = \frac{b v_0}{r_p}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} m v_0^2 = \frac{1}{2} m \frac{b^2 v_0^2}{r_p^2} - \frac{\mathcal{G} m M_T}{r_p}$$

On obtient un polynôme de degré 2 en r_p :

$$\frac{1}{2} m v_0^2 r_p^2 + \mathcal{G} m M_T r_p - \frac{1}{2} m b^2 v_0^2 = 0$$

$$r_p^2 + \frac{2 \mathcal{G} M_T}{v_0^2} r_p - b^2 = 0$$

$$\Delta = \frac{4g^2 n_T^2}{v_0^4} + 4b^2 > 0$$

$$r_p = \frac{-2 \frac{g n_T}{v_0^2} + \sqrt{\frac{4g^2 n_T^2}{v_0^4} + 4b^2}}{2} \quad (\text{seule racine } > 0)$$

$$r_p = \frac{g n_T}{v_0^2} \left(-1 + \sqrt{1 + \left(\frac{b v_0^2}{g n_T} \right)^2} \right)$$

L'astéroïde évite la Terre si $r_p > R_T$

$$\frac{g n_T}{v_0^2} \left(-1 + \sqrt{1 + \left(\frac{b v_0^2}{g n_T} \right)^2} \right) > R_T$$

$$\text{AN: } r_p = \frac{667 \cdot 10^{-11} \cdot 5,97 \cdot 10^{24}}{(10^4)^2} \left(-1 + \sqrt{1 + \left(\frac{8 \cdot 10^6 \cdot 10^{12}}{667 \cdot 10^{-11} \cdot 5,97 \cdot 10^{24}} \right)^2} \right)$$

$$\left. \begin{array}{l} r_p = 4,95 \cdot 10^6 \text{ m} \\ \text{Or } R_T = 6,38 \cdot 10^6 \text{ m} \end{array} \right\} \text{ le choc est inévitable!}$$

Exercice 7 :

$$\text{Q1. } E_m = - \frac{g n_T m}{2(R_0 + h)} \quad (\text{voir ex 2})$$

Les frottements entraînent une diminution de l'énergie mécanique (travail < 0 car force de sens opposé à $\vec{v}$) $\Rightarrow$ Si $E_m \downarrow$ $r \downarrow$

Q2. D'après le TEN appliqué au satellite dans le référentiel géocentrique :

$$\Delta E_m = W(\vec{F}) = 2\pi \cdot (R_0 + h) \cdot (-kmv^2)$$

avec $E_m = -\frac{\mathcal{G}M_T m}{2(R_0 + h)}$ et $v = \sqrt{\frac{\mathcal{G}M_T}{R_0 + h}}$

$$\Delta\left(-\frac{\mathcal{G}M_T m}{2(R_0 + h)}\right) = -2\pi(R_0 + h)(km) \frac{\mathcal{G}M_T}{(R_0 + h)}$$

$$\frac{\Delta h \mathcal{G}M_T m}{2(R_0 + h)^2} = -2\pi km \mathcal{G}M_T \Rightarrow \boxed{k = \frac{-\Delta h}{4\pi(R_0 + h)^2}}$$

Q3. $E_c = \frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow \Delta E_c = mv\Delta v = -\Delta E_m$
(car $E_m = -E_c$).

$$\Rightarrow -\frac{\mathcal{G}M_T m}{2(R_0 + h)^2} \Delta h = mv\Delta v$$

or $\frac{1}{2}mv^2 = \frac{\mathcal{G}M_T m}{R_0 + h} \Rightarrow mv\Delta v = -\frac{\Delta h \cdot mv^2}{2(R_0 + h)}$

$$\boxed{\frac{\Delta v}{v} = -\frac{\Delta h}{2(R_0 + h)}}$$

Si $h \nearrow$ $v \searrow$ et inversement.
un satellite frotté par les hautes couches de l'atmosphère accélère (la force de frottement lui fait perdre de l'énergie mécanique mais il gagne de l'énergie cinétique).